

tablor.sty

La machine à créer des tableaux de signes et de variations

Guillaume CONNAN

<http://gconnan.free.fr>

avec l'efficace participation de Jean-Michel BOUCART

14 mai 2008 - Version 2.04

I - Ça sert à quoi ?

Il s'agit d'obtenir rapidement un tableau de signe ou un tableau de variation en entrant un minimum de commandes.

II - Comment ça marche ?

a. Principe général

On entre une instruction qu'on envoie via L^AT_EX à **XCAS** qui effectue un certain nombre de calculs (résolution d'équations, calcul de limites). **XCAS** renvoie un résultat sous la forme d'un script **MetaPOST** qui est compilé. Un tableau est créé et ensuite inséré dans le document **tex**.

b. Rentrons dans les détails

En utilisant un environnement **tablor**, de nombreux fichiers sont créés dans le répertoire courant puis effacés par la commande **nettoyer** si vous le souhaitez :

- ➔ des fichiers d'extension **.cxx** : il s'agit du fichier le plus important. C'est le programme **XCAS** qui « fabrique » le tableau. Vous pouvez l'utiliser tel quel dans une session **XCAS** ou **giac**.
- ➔ des fichiers d'extension **.giac** qui regroupent des instructions lues et exécutées par **giac**. Les lignes importantes sont :

```
read("XcasTV.cxx"); // giac charge le programme
Sortie:=fopen("XCasmpTV.mp"); // la sortie portera l'extension
metapost
vect.xcas.user := read("XCasTV.user"); // giac lit les
paramètres rentrés dans le fichier tex
```

- ➔ des fichiers d'extension **.user** qui sont créés par L^AT_EX grâce à l'environnement **VerbatimOut** de l'extension **fancyvrb** : il s'agit en fait de la commande qui se trouve par exemple entre **\begin{TVI}** et **\end{TVI}**.

III - De quoi a-t-on besoin ?

- Il faut avoir installé **XCAS**, logiciel multi-plateforme de calcul et de programmation :
http://www-fourier.ujf-grenoble.fr/%7Eparisse/giac_fr.html;
- il faut avoir le fichier de macros **MetaPOST** `tableauVariation.mp` de Frédéric Mazoit :
http://frederic.mazoit.free.fr/LaTeX_metapost/tableauVariations/;
Pour ceux qui sont guère habitués à **MetaPOST**, cela ne pose aucun problème car les scripts et compilations **MetaPOST** se font automatiquement. Il suffit de créer dans son `texmf` personnel une arborescence du style : `./texmfperso/metapost/tablor/` et d'y placer `tableauVariation.mp` puis un `rehash`. C'est exactement la même démarche que pour installer une nouvelle extension **L^AT_EX**.
- il faut être en mode `shell-escape` pour autoriser les sorties de la compilation `tex`. Pour **emacs**, on rajoute en fin de fichier `%% LaTeX-command: "latex --shell-escape" ***`; pour les autres éditeurs, il faut modifier la commande de compilation. Sinon, on peut modifier le fichier `texmf.cnf` pour que le mode soit automatisé en modifiant la ligne suivante : `shell-escape t`;
- il faut avoir à disposition l'extension `fancyvrb`;
- pour ceux qui compilent avec `pdfLATEX`, il n'y a aucun problème et rien à faire car `tablor` contient déjà ce qu'il faut pour s'adapter : `\ifpdf \DeclareGraphicsRule{*}{mps}{*}{} \fi`
- il faut installer le fichier `tablor.sty` dans son `texmf` personnel. Pour ceux qui ont **MiKTeX** sous **windows**, il suffit d'aller le chercher dans les dépôts. Pour les utilisateurs de **Unix**, vous devez savoir comment faire... Par commodité, vous pouvez en profiter pour installer la version **Unix** de *MiKTeX package manager*. J'ai fait un petit script pour vous y aider ici :
<http://gconnan.free.fr/?page=52>



Pour les utilisateurs de TeXnicCenter, observez cette [explication](#) du paramétrage du `shell-escape`. On peut par exemple mettre :

```
-enable-write18 -shell-escape -src -interaction=nonstopmode "%Wm".
```

Sur TeXmaker, c'est `latex -enable-write18 -shell-escape -interaction=nonstopmode %.tex`.

Pour faire comprendre à Microsoft Windows XP où trouver **giac**, vous pouvez modifier le `path` en suivant ces instructions :

Demarrer->Panneau de configuration->Système onglet Avancé->Variable d'environnement.

Le séparateur est le point virgule. (Merci à Gaëtan et à Daniel).



L'extension `fancybox` rentre en conflit avec `fancyvrb` qu'utilise `tablor` car elles définissent toutes deux différemment l'environnement `VerbatimOut`.



Huit nouvelles commandes sont créées : `\tv`, `\tvbis`, `\nettoyer`, `\initablор`, `\Tableaux`, `\dresse`, `\dressetoile`, `\executGiacmp`. Attention aux conflits si de tels noms existent quelque part dans vos fichiers personnels.



Le fichier `tablор.sty` est codé en `latin-1`. Les utilisateurs de `utf-8` devront donc utiliser `tablорutf8.sty` à la place.

IV - Comment l'utiliser ?

a. Préambule

Les ECM donnés en exemple ne dépendent pas du moteur de compilation : `TeX+dvi+dvips` ou `pdfTeX` conviennent.

Le préambule sera toujours :

```
\documentclass{article}
\usepackage{graphicx}
\usepackage[french]{babel}
\usepackage[xcas]{tablор} % option modifiable
```

b. L'option `xcas`

On met `xcas` si l'on a installé **giac/XCAS** sur son ordinateur et on ne met rien si **giac/XCAS** n'est pas installé et qu'on a récupéré un fichier `tex` avec les fichiers sources **MetaPOST** ; Ainsi, `tablор` ne fera pas appel à **giac/XCAS** et se contentera de compiler les fichiers **MetaPOST** ;

c. Fichier `tablор.cfg`

Contenu

```
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
% Fichier de configuration de tablор.sty %
%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%%
```

```
% La mise à jour de ce fichier permet d'adapter certains paramètres du package tablор.sty
% au poste de travail et aux habitudes des utilisateurs.
```

```
% Déclaration du système d'exploitation :
% =====
%
```

```

% Si vous utilisez Microsoft-Windows, dé-commentez la ligne suivante :

% \setboolean{windows}{true}

% Déclaration de l'éditeur utilisé
% =====
%
% Remplacez "kile" par la commande qui lance votre éditeur favori.
% Laissez une espace avant de fermer l'accolade.

\newcommand{\editeur}{kile }

% Déclaration des fontes utilisées
% =====
%
% Remplacez "lmodern" par la fonte qui vous convient pour les maths
% (fourier, mathpazo, etc.)

\newcommand{\fonte}{usepackage{lmodern}}

```

Vous le placerez dans la même arborescence que `tablor.sty` et le modifierez si besoin est.

Éditeur

L'éditeur sera appelé dans certains cas pour modifier l'aspect des tableaux dans les fichiers sources **MetaPOST**. Il faudra choisir un éditeur comme par exemple `emacs`, `xemacs`, `texmaker`, `vi`, `winshell`, `notepad`, `vim`, `kate`, `gedit`, `textmate`, `texshop`, `kile`, etc. Voir aussi le paragraphe [VI](#) - page 11.

Fontes

Les fontes utilisées par défaut sont celles de l'extension `fourier`. Pour en utiliser d'autres, remplacez « `[upright]fourier` » par la fonte qui vous convient pour les maths (`lmodern`, `mathpazo`, etc.)

d. Initialisation de `tablor` et préfixe des tableaux

Les fichiers **MetaPOST** des tableaux sont regroupés dans un fichier de suffixe `.Tab.mp`. Le préfixe est par défaut celui du fichier `tex` appelant `tablor`. Il est possible, pour des raisons de classement personnel, de modifier ce préfixe à la suite du `\begin{document}` en entrant :

```
\initablor
```

si l'on veut avoir comme préfixe le préfixe courant (obtenu par `\jobname`) ou bien :

```
\initablor[Waouh]
```

si l'on veut que le fichier **MetaPOST** des tableaux s'appelle `Waouh.Tab.mp`

Si tout s'est bien passé, on doit supprimer les fichiers `log` de **MetaPOST** et clore le fichier `.Tab.mp` en entrant juste avant `\end{document}` la commande :

```
\nettoyer
```

ou bien, selon les cas :

```
\nettoyer [Waouh]
```

En résumé, notre fichier `tex` aura cette ossature :

```
\documentclass{article}
\usepackage{graphicx}
\usepackage[french]{babel}
\usepackage[xcas]{tablor} % options modifiables

\begin{document}

\initablor

...

\nettoyer

\end{document}
```

V - Tableaux des variations

a. Tableau standard

L'environnement s'appelle `TV`. On utilise une commande au format `XCAS` :

```
TV([borne inf, borne sup], [valeurs interdites], "nom fonction", "nom
variable", expression en fonction de x,t, \tv)
```

- `[borne inf, borne sup]` désigne les bornes de l'ensemble de définition. On note ∞ : `+infinity` et $-\infty$: `-infinity`. N'oubliez pas les crochets !
- `[valeurs interdites]` désigne la liste des valeurs interdites ;
- `"nom fonction"` désigne la lettre représentant la fonction telle que vous voulez qu'elle apparaisse : f , g , $'$, etc.
- `"nom variable"` : même chose pour la variable, selon que vous voulez la désigner par x , t , etc. N'oubliez pas les guillemets !
- `expression en fonction de x` désigne l'expression de la fonction. Attention ! Utilisez ici toujours x pour désigner la variable ;
- le paramètre `t` est à remplacer par 1 si vous voulez voir apparaître une ligne avec le signe de la dérivée, par 0 si vous ne voulez pas de cette ligne et par 2 si vous ne voulez que le signe de la dérivée.
- on termine par `\tv`, une commande permettant de numéroté les tableaux en interne.

Voyons à présent quelques exemples.

1. Le tableau de variation sans signe de la dérivée de la fonction $f : x \mapsto x^2$ sur $[-5; 7]$.
On obtient :

x	-5	0	7
Variations de f	25	0	49

après avoir entré :

```
\begin{TV}
TV([-5,7],[],"f","x",x^2,0,\tv)
\end{TV}
```

2. Si on veut la même fonction sur \mathbb{R} avec le signe de la dérivée :

```
\begin{TV}
TV([-infinity,+infinity],[],"f","x",x^2,1,\tv)
\end{TV}
```

x	$-\infty$	0	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	-	0	+
Variations de f	$+\infty$	0	$+\infty$

3. Avec la même fonction sur \mathbb{R} avec uniquement le signe de la dérivée :

```
\begin{TV}
TV([-infinity,+infinity],[],"f","x",x^2,2,\tv)
\end{TV}
```

x	$-\infty$	0	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	-	0	+

4. Voici ce que cela donne pour $g : t \mapsto \frac{t^2}{t^2-1}$ sur $[-10; \infty[$:

```
\begin{TV}
TV([-10,+infinity],[-1,1],"g","t",x^2/(x^2-1),1,\tv)
\end{TV}
```

t	-10	-1	0	1	$+\infty$
Signe de $g'(t)$	+	+	0	-	-
Variations de g	$\frac{100}{99}$	$+\infty$	0	$-\infty$	1

5. Il y aura des problèmes pour des équations $f'(x) = 0$ que **XCAS** ne saurait pas résoudre de manière formelle. Il faudrait alors utiliser une résolution numérique et remplacer **resoudre** par **fsolve**. Mais dans les études demandées au Bac, l'étude des signes de la dérivée est possible formellement. Dans les cas plus exotiques, on peut faire le tableau « à la main ».

b. Tableau de variation avec « zone(s) interdite(s) »

Pour certaines fonctions, tout un (ou plusieurs) intervalle(s) est(sont) exclu(s) de l'ensemble de définition.

Par exemple, la fonction $x \mapsto \sqrt{x^2 - 1}$ est définie sur $] -\infty; -1] \cup [1; \infty[$.

On utilise alors l'environnement TVZ (Z comme zone...).

```
\begin{TVZ}
  TVZ([-infinity,+infinity],[],[[-1,1]],"f","x",sqrt(x^2-1),1,\tv)
\end{TVZ}
```

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	-	/	/	+
Variations de f	$+\infty$ ↘ 0	/	/	0 ↗ $+\infty$



Le troisième argument est une liste d'intervalles : la liste des « zones interdites » qui peut éventuellement se réduire à un seul intervalle comme dans l'exemple précédent.

Voici un exemple comportant plusieurs zones interdites : $x \mapsto \ln((x-5)^2 - 1) \ln(x^2 - 1)$

```
\begin{TVZ}
  TVZ([-infinity,+infinity],[-1,1,4,6],[[-1,1],[4,6]],"f","x",ln((x-5)^2-1)+ln(x^2-1),1,\tv)
\end{TVZ}
```

x	$-\infty$	-1	1	$\frac{5}{2}$	4	6	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	-	/	+	0	-	/	+
Variations de f	$+\infty$ ↘ $-\infty$	/	$-\infty$ ↘ $\ln\left(\frac{441}{16}\right)$	↘ $-\infty$	/	$-\infty$ ↘ $+\infty$	$+\infty$

c. Tableau des variations avec théorème des valeurs intermédiaires

Si l'on veut mettre en évidence les solutions de l'équation $f(x) = a$, on utilise l'environnement TVI.

La syntaxe est :

```
TVI([borne inf,borne sup],[valeurs interdites],"nom fonction","nom variable",expression en fonction de x,t,a,\tv)
```

Les paramètres sont les mêmes que pour TV mais on ajoute la valeur a bien sûr.

Par exemple, pour $f : x \mapsto \frac{x^2}{x^2-1}$ et l'équation $f(x) = 10$ on entre :

```
\begin{TVI}
TVI([-10,+infinity],[-1,1],"f","x",x^2/(x^2-1),1,10,\tv)
\end{TVI}
```

et on obtient :

x	-10	α_1	-1	0	1	α_2	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	+	+	+	0	-	-	-
Variations de f	$\frac{100}{99}$	10	$+\infty$	0	$-\infty$	10	1

Les solutions sont notées α_1, α_2 , etc.
Si l'équation est plutôt $f(x) - 1$:

```
\begin{TVI}
TVI([-10,+infinity],[-1,1],"f","x",x^2/(x^2-1),1,-1,\tv)
\end{TVI}
```

et on obtient :

x	-10	-1	α_1	0	α_2	1	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	+	+	+	0	-	-	-
Variations de f	$\frac{100}{99}$	$+\infty$	-1	0	-1	$-\infty$	1

d. Tableaux de variations avec approximation des zéros de la dérivée

Il n'est parfois pas possible d'obtenir une valeur formelle des zéros de la dérivée. On est donc amené à rechercher une approximation numérique de ces zéros. Cela est possible grâce à la commande `fsolve` de **XCAS** utilisée à bon escient. On appellera les environnements `TVapp` et `TVIapp` ainsi que leurs associés étoilés.

Voyons sur un exemple.

Exemple Soit g la fonction $x \mapsto \ln(x) - xe^{2-x}$.

On étudie d'abord la fonction $x \mapsto g'(x)$:

```
\begin{TVIapp}
TVIapp([0,+infinity],[0],"g'", "x", diff(ln(x)-x*exp(2-x),x),1,0,\tv)
\end{TVIapp}
```

x	0	α_1	0.337860	α_2	1.745534	$+\infty$
Signe de $g''(x)$	-	-	0	+	+	0
Variations de g'	$+\infty$	0	-0.530055	0	1.534460	0

On en déduit le tableau suivant :

```
\begin{TVapp*}{201}
  TVapp([0,+\infty],[0],"g","x",\ln(x)-x*\exp(2-x),1,\tv)
\end{TVapp*}
```

x	0	α_1	α_2	$+\infty$
Signe de $g'(x)$		+	-	+
Variations de g	$-\infty$	-2.818394	-2.944288	$+\infty$

e. Tableaux de signes

Cas du produit de deux facteurs affines

Pour étudier le signe de $(-2x + 3)(-x + 5)$ sur \mathbb{R} , on entre :

```
\begin{TSa}
  TSa(-2,3,-1,5,\tv);
\end{TSa}
```

On obtient :

x	$-\infty$	$\frac{3}{2}$	5	$+\infty$
Signe de $-2x + 3$		+	-	-
Signe de $-x + 5$		+	+	-
Signe de $(-2x + 3)(-x + 5)$		+	-	+

Cas du produit d'un nombre quelconque de facteurs quelconques sur un intervalle quelconque

Certains cas pathologiques ne vont pas fonctionner, mais sinon, pour étudier le signe de

$$(-2x + 3)(x^2 - 1)(x^2 + 1)(x - 1)(x^2 - 2)$$

on entre cette fois les expressions sous cette forme en précisant l'intervalle d'étude :

```
\begin{TS}
  TS([-2*x+3,x^2-1,x^2+1,x-1,x^2-2],[-infinity,+\infty],\tv);
\end{TS}
```

On obtient :

x	$-\infty$	$-\sqrt{2}$	-1	1	$\sqrt{2}$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$		
Signe de $-(2 \cdot x) + 3$	+	+	+	+	+	0	-		
Signe de $(x)^2 - 1$	+	+	0	-	0	+	+		
Signe de $(x)^2 + 1$	+	+	+	+	+	+	+		
Signe de $x - 1$	-	-	-	0	+	+	+		
Signe de $(x)^2 - 2$	+	0	-	-	0	+	+		
Signe du produit	-	0	+	0	-	0	+	0	-

Ou bien, sur un intervalle borné :

```
\begin{TS}
TS([x-10, x+10], [-15, 10], \tv)
\end{TS}
```

x	-15	-10	10
Signe de $x - 10$	-	-	0
Signe de $x + 10$	-	0	+
Signe du produit	+	0	-

Signe d'un quotient

On entre dans deux listes différentes les facteurs du numérateur et du dénominateur :

```
\begin{TSq}
TSq("nom du quotient", [liste des facteurs du numérateur], [liste des
facteurs du dénominateur], [inf, sup])
\end{TSq}
```

Par exemple, pour étudier le signe de $\frac{(-2x-3)(-4x-5)}{(x^2-16)(x-2)}$ sur \mathbb{R} :

```
\begin{TSq}
TSq("Q", [-2*x+3, -4*x+5], [x^2-16, x-2], [-infinity, +infinity], \tv)
\end{TSq}
```

x	$-\infty$	-4	$\frac{5}{4}$	$\frac{3}{2}$	2	4	$+\infty$
Signe de $-(2 \cdot x) + 3$	+	+	+	0	-	-	-
Signe de $-(4 \cdot x) + 5$	+	+	0	-	-	-	-
Signe de $(x)^2 - 16$	+	0	-	-	-	0	+
Signe de $x - 2$	-	-	-	-	0	+	+
Signe de $Q(x)$	-	+	0	-	0	+	+

Sur un intervalle borné :

```
\begin{TSq}
TSq("Q", [x-10], [x+10], [-infinity, 10], \tv)
\end{TSq}
```

x	$-\infty$	-10	10
Signe de $x - 10$		-	0
Signe de $x + 10$		-	+
Signe de $Q(x)$		+	-

Signe d'une seule expression

On utilise l'environnement TSc comme *Tableau de Signe court* en précisant l'expression étudiée et l'intervalle considéré :

```
\begin{TSc}
TSc((x-10)*(x+5), [-10, 10], \tv)
\end{TSc}
```

x	-10	-5	10
Signe de $(x - 10) \cdot (x + 5)$		+	-

VI - Comment modifier les tableaux à partir des fichiers MetaPOST ?

a. Tableau par tableau

Il est impossible de prévoir toutes les requêtes des différents utilisateurs. Le style du tableau produit peut néanmoins vous déplaire. Vous pouvez le modifier en intervenant directement sur le fichier **MetaPOST** créé pour chaque tableau. Pour cela, il suffit d'ajouter une étoile au nom de l'environnement utilisé et de donner un numéro à votre nouvelle figure pour qu'elle ne soit pas écrasée par les compilations suivantes. Numérotez à partir de 100 par exemple.

Si vous tapez :

```
\begin{TV*}{100}
TV([-1, +infinity], [], "f", "x", x - ln(x+1), 1, \tv)
\end{TV*}
```

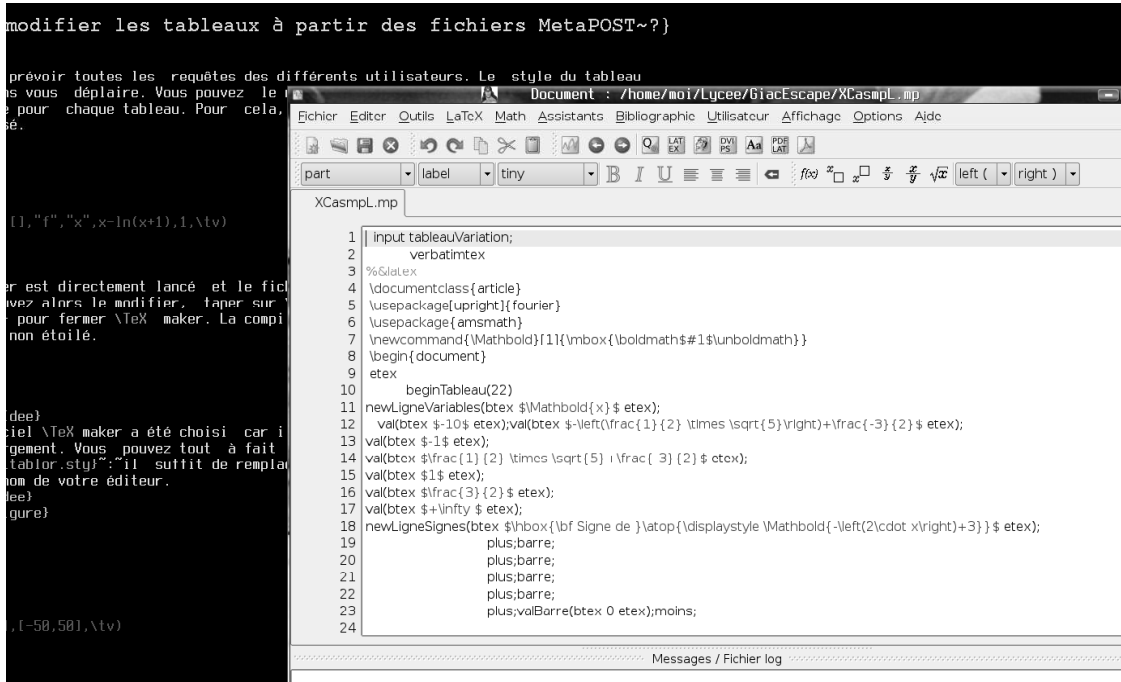
l'éditeur que vous avez mis en option (voir le paragraphe b. page 3) est directement lancé et le fichier **MetaPOST** correspondant à votre tableau qui portera le numéro 100 est affiché. Vous pouvez alors le modifier, taper sur **Ctrl** + **S** pour l'enregistrer et **Ctrl** + **Q** pour fermer l'éditeur^a. La compilation s'achève alors automatiquement comme pour un environnement non étoilé.

Par exemple, je tape :

^a Ces combinaisons de touches correspondent à la plupart des éditeurs mais ne sont pas universelles : vérifiez pour celui que vous avez choisi.

```
\begin{TS*}{100}
  TS ([3*x+2,5*x^2-1] , [-50,50] , \tv)
\end{TS*}
```

et apparaît une fenêtre de l'éditeur (ici T_EXmaker) avec le fichier correspondant au tableau. Je le modifie à volonté :



Je tape sur **Ctrl** + **S** puis **Ctrl** + **Q** et la compilation reprend automatiquement pour m'afficher le tableau voulu :

x	-50	$-\frac{2}{3}$	$-\frac{\sqrt{5}}{5}$	$\frac{\sqrt{5}}{5}$	50		
Signe de $3x+2$	-	0	+	+	+		
Signe de $5x^2-1$	+	+	0	-	0	+	
Signe du produit	-	0	+	0	-	0	+

Une fois la modification faite, on ne vous redemandera pas d'effectuer de modifications, sauf si vous changez le numéro de la figure.

b. Traitement global dans un unique fichier MetaPOST

Un fichier préfixe `.Tab.mp` est créé où sont copiés les sources de chaque tableau. Vous pouvez ainsi retravailler globalement sur les tableaux si besoin ou les transmettre à une personne n'ayant pas installé **XCAS**. Voir le paragraphe **d.** page 4 pour plus de détails.

VII - Merci...

- ➔ à **Frédéric MAZOIT** pour son fichier `tableauVariation.mp` ;
- ➔ à **Yves DELHAYE** pour ses idées sur le `shell-escape`
- ➔ à **Bernard PARISSÉ** pour **XCAS**.

VIII - Galerie

Voici quelques exemples de tableaux :

```
\begin{TVI}
TVI([-1,+infinity],[-1],"f","x",x^2/sqrt(x+1)-1,1,2,\tv)
\end{TVI}
```

x	-1	α_1	0	α_2	$+\infty$		
Signe de $f'(x)$		-	-	0	+	+	
Variations de f	$+\infty$		2		-1	2	$+\infty$

```
\begin{TVI}
TVI([-1/2,+infinity],[],"f","x",x^2,1,2,\tv)
\end{TVI}
```

x	$-\frac{1}{2}$	0	α_1	$+\infty$		
Signe de $f'(x)$		-	0	+	+	
Variations de f	$\frac{1}{4}$		0		2	$+\infty$

```
\begin{TVI}
TVI([0,+infinity],[0],"f","x",ln(x),1,2,\tv)
\end{TVI}
```

x	0	α_1	$+\infty$	
Signe de $f'(x)$		+	+	
Variations de f	$-\infty$		2	$+\infty$

```
\begin{TV}
TV([1,+infinity],[],"f","x",-ln(x),1,\tv)
\end{TV}
```

x	1	$+\infty$
Signe de $f'(x)$		-
Variations de f	0	$-\infty$

```
\begin{TVI}
TVI([-pi, pi], [], "f", "x", cos(x), 1, 1/2, \tv)
\end{TVI}
```

x	$-\pi$	α_1	0	α_2	π
Signe de $f'(x)$	0	+	+	0	-
Variations de f	-1	$\nearrow 1/2$	$\nearrow 1$	$\searrow 1/2$	-1

```
\begin{TV}
TV([0, 2*pi], [], "f", "x", cos(x), 1, \tv)
\end{TV}
```

x	0	π	$2 \cdot \pi$
Signe de $f'(x)$	0	-	0
Variations de f	1	$\searrow -1$	$\nearrow 1$



Il y aura des problèmes si vous demandez un tableau des variations d'une fonction périodique sur un intervalle d'amplitude supérieure à la période, mais est-ce vraiment utile?...

```
\begin{TVI}
TVI([0, pi], [pi/2], "h", "t", tan(x), 1, 7, \tv)
\end{TVI}
```

t	0	α_1	$\frac{\pi}{2}$	π
Signe de $h'(t)$	+	+	+	+
Variations de h	0	$\nearrow 7$	$\nearrow +\infty$	$\searrow -\infty$

```
\begin{TVI}
TVI([-1, 1], [], "f", "x", (1-x)*sqrt(1-x^2), 1, 1, \tv)
\end{TVI}
```

x	-1	α_1	$\frac{-1}{2}$	α_2	1
Signe de $f'(x)$	+	+	0	-	-
Variations de f	0	1	$\frac{3}{4} \times \sqrt{3}$	1	0

```
\begin{TV}
TV([-1,+infinity],[-1],"f","x",ln(1+x)-(x-x^2/2+x^3/3),1,\tv)
\end{TV}
```

x	-1	0	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	+	0	-
Variations de f	$-\infty$	0	$-\infty$

```
\begin{TS}
TS([-2*x+3,x-1,x+1,x^2+3*x+1],[-10,+infinity],\tv);
\end{TS}
```

x	-10	$-\left(\frac{1}{2} \times \sqrt{5}\right) + \frac{-3}{2}$	-1	$\frac{1}{2} \times \sqrt{5} + \frac{-3}{2}$	1	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
Signe de $-(2 \cdot x) + 3$	+	+	+	+	+	0	-
Signe de $x - 1$	-	-	-	-	0	+	+
Signe de $x + 1$	-	-	0	+	+	+	+
Signe de $(x)^2 + 3 \cdot x + 1$	+	0	-	-	0	+	+
Signe du produit	+	0	-	0	+	0	-

```
\begin{TVI}
TVI([-infinity,+infinity],[],"f","x",(x+2)*exp(x-1)-1,1,0,\tv)
\end{TVI}
```

x	$-\infty$	-3	α_1	$+\infty$
Signe de $f'(x)$	-	0	+	+
Variations de f	-1	$-(e^{-4}) - 1$	0	$+\infty$

```
\begin{TVI}
TVI([-infinity,+infinity],[],"f","x",1+(-2*x+1)*exp(2*x),1,0,\tv)
\end{TVI}
```

x	$-\infty$	0	α_1	$+\infty$
Signe de $f'(x)$		+	0	-
Variations de f		1	2	0

```
\begin{TV}
TV([0, +infinity], [], "f", "x", ln(exp(x)+x)-x, 1, \tv)
\end{TV}
```

x	0	1	$+\infty$	
Signe de $f'(x)$		+	0	-
Variations de f		0	$\ln\left(\frac{e^1+1}{e^1}\right)$	0

```
\begin{TVI}
TVI([0, pi], [], "f", "x", cos(x)-x, 1, 0, \tv)
\end{TVI}
```

x	0	α_1	π	
Signe de $f'(x)$		-	0	-
Variations de f		1	0	$-\pi - 1$

```
\begin{TVI}
TVI([0, +infinity], [0], "f", "x", ln(x)-(ln(x))^2, 1, -1, \tv)
\end{TVI}
```

x	0	α_1	$e^{\frac{1}{2}}$	α_2	$+\infty$	
Signe de $f'(x)$		+	+	0	-	-
Variations de f		$-\infty$	-1	$\frac{1}{4}$	-1	$-\infty$

```
\begin{TSc}
TSc((x-10)*(x+10), [-10, 10], \tv)
\end{TSc}
```

x	-10	10	
Signe de $(x-10) \cdot (x+10)$	0	+	0


```

\begin{TVZ}
  TVZ([-infinity, +infinity], [], [-1, 1], "f", "x", (sqrt(x^2-1))*(x^2-4), 1, \tv)
\end{TVZ}

```

x	$-\infty$	$-\sqrt{2}$	-1	1	$\sqrt{2}$	$+\infty$	
Signe de $f'(x)$		-	0	+	-	0	+
Variations de f	$+\infty$		-2	0	0	-2	$+\infty$

```

\begin{TVZ}
  TVZ([-infinity, +infinity], [], [-1, 1], "f", "x", ln(x^2-1), 1, \tv)
\end{TVZ}

```

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
Signe de $f'(x)$		-	+	
Variations de f	$+\infty$		$-\infty$	$+\infty$

```

\begin{TVZ}
  TVZ([-infinity, +infinity], [-1, 1, 4, 6], [[-1, 1], [4, 6]], "f", "x", ln((x-5)^2-1)+ln(x^2-1), 1, \tv)
\end{TVZ}

```

x	$-\infty$	-1	1	5	9	11	$+\infty$
Signe de $f'(x)$		-	+	0	-	+	
Variations de f	$+\infty$	$2 \cdot \sqrt{30}$	$4 \cdot \sqrt{5}$	$4 \cdot \sqrt{6}$	$4 \cdot \sqrt{5}$	$2 \cdot \sqrt{30}$	$+\infty$

```

\begin{enumerate}
\item
  Selon le tableau de variation de la fonction  $f$  ci-dessous, on peut affirmer que \dots
\begin{TV}
  TV([-5, 10], [], "f", "x", (5/2)*x^2-2*x+12, 0, \tv)
\end{TV}

```

```

\VF
\begin{itemize}

  \item[\ldots] 5 n'a pas d'antécédent \Rep
  \item[\ldots] 5 n'a pas d'image \Rep
  \item[\ldots] 5 a deux antécédents \Rep
  \item[\ldots] 5 a une image supérieure à celle de  $\sqrt{2}$  \Rep

\end{itemize}

\item Soit  $f$  la fonction définie par  $f: x \mapsto 3x^3 - 5x^2 + 2x - 7$ 
. Les tableaux suivants peuvent
correspondre à  $f$ :

\VF

  \begin{enumerate}

    \item Tableau 1 \Rep

    \begin{TV*}{1001}M
      TV([-20,20], [], "f", "x", 3*x^3-5*x^2+2*x-7, 0, \tv)
    \end{TV*}

    \item Tableau 2 \Rep

    \begin{TV*}{1002}
      TV([-20,20], [], "f", "x", -3*x^3+5*x^2-2*x+7, 0, \tv)
    \end{TV*}

    \item Tableau 3 \Rep

    \begin{TSc*}{1003}
      TSc(-3*x^3+5*x^2-2*x+7, [-20,20], \tv)
    \end{TSc*}

    \item Tableau 4 \Rep

    \begin{TSc*}{1004}
      TSc(3*x^3-5*x^2+2*x-7, [-20,20], \tv)
    \end{TSc*}

  \end{enumerate}

```

`\end{enumerate}`

1. Selon le tableau de variation de la fonction f ci-dessous, on peut affirmer que ...

x	-5	$\frac{2}{5}$	10
Variations de f	$\frac{169}{2}$	$\frac{58}{5}$	242

... 5 n'a pas d'antécédent

... 5 n'a pas d'image

... 5 a deux antécédents

... 5 a une image supérieure à celle de $\sqrt{2}$

- V F

2. Soit f la fonction définie par $f : x \mapsto 3x^3 - 5x^2 - 2x - 7$. Les tableaux suivants peuvent-ils correspondre à la fonction f :

a) Tableau 1

x	$-\frac{\sqrt{7}+5}{9}$	$\frac{\sqrt{7}+5}{9}$
Variations de f	$\frac{14\sqrt{7}-1681}{243}$	$-\frac{14\sqrt{7}+1681}{243}$

$-26047 \rightarrow \frac{14\sqrt{7}-1681}{243} \rightarrow -\frac{14\sqrt{7}+1681}{243} \rightarrow 22033$

- V F

b) Tableau 2

x	$-\frac{\sqrt{7}+5}{9}$	$\frac{\sqrt{7}+5}{9}$
Variations de f	$-\frac{14\sqrt{7}+1681}{243}$	$\frac{14\sqrt{7}-1681}{243}$

$26047 \rightarrow -\frac{14\sqrt{7}+1681}{243} \rightarrow \frac{14\sqrt{7}-1681}{243} \rightarrow -22033$

-

c) Tableau 3

x	-20	1.942052	20
Signe de $f(x)$	+	0	-

-

d) Tableau 4

x	-20	1.942052	20
Signe de $f(x)$	-	0	+

-

On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \frac{1}{2} \ln(x + (1-x)e^{2x})$

Étudions sa dérivée :

`\begin{TVIapp*}{202}`

```
TVIapp([-infinity,+infinity],[],"f',"x",diff(1/2*(x+(1-x)*exp(2*x))
),x),1,0,\tv)
\end{TVIapp*}
```

On en déduit le tableau de variation de f

```
\begin{TVapp*}{203}
TVapp([-infinity,+infinity],[],"f',"x",1/2*(x+(1-x)*exp(2*x)),1,\tv)
)
\end{TVapp*}
```

On considère la fonction f définie sur \mathbb{R} par $f(x) = \frac{1}{2}(x(1-x)e^{2x})$

Étudions sa dérivée :

x	$-\infty$	0	α_1	$+\infty$
Signe de $f''(x)$		+	0	-
Variations de f'		$\frac{1}{2}$	1	0
				$-\infty$

On en déduit le tableau de variation de f

x	$-\infty$	α_1	$+\infty$
Signe de $f'(x)$		+	0
Variations de f		$-\infty$	0.967397
			$-\infty$

Table des matières

I -	Ça sert à quoi ?	1
II -	Comment ça marche ?	1
a.	Principe général	1
b.	Rentrons dans les détails	1
III -	De quoi a-t-on besoin ?	2
IV -	Comment l'utiliser ?	3
a.	Préambule	3
b.	L'option <code>xcas</code>	3
c.	Fichier <code>tablор.cfg</code>	3
d.	Initialisation de <code>tablор</code> et préfixe des tableaux	4
V -	Tableaux des variations	5
a.	Tableau standard	5
b.	Tableau de variation avec « zone(s) interdite(s) »	7
c.	Tableau des variations avec théorème des valeurs intermédiaires	7
d.	Tableaux de variations avec approximation des zéros de la dérivée	8
e.	Tableaux de signes	9
VI -	Comment modifier les tableaux à partir des fichiers MetaPOST ?	11
a.	Tableau par tableau	11
b.	Traitement global dans un unique fichier MetaPOST	12
VII -	Merci...	12
VIII -	Galerie	13